

Devoir surveillé n°2

Second degré – Équations cartésiennes

*L'anti-sèche légale (format A5, recto, manuscrite) et la calculatrice sont autorisées.
Le barème n'est qu'indicatif. Le devoir est noté sur 15.*

EXERCICE 2.1 (6 points – environ 20 min).

Les questions sont indépendantes.

On donne les fonctions trinômes suivantes, toutes définies sur \mathbb{R} :

- $A(x) = x^2 + x - 1$
- $B(x) = 2x^2 - x + 1$
- $C(x) = -2x^2 - 4x + 1$
- $D(x) = 4x^2 - 4x + 1$

1. Résoudre l'équation $A(x) = 0$.
2. Déterminer le signe de $B(x)$ selon les valeurs de x .
3. Donner la forme canonique de $C(x)$.
4. Donner la forme factorisée de $D(x)$, si elle existe.

EXERCICE 2.2 (4 points – Environ 15 min).

Le plan est muni d'un repère où les points A , B et C sont de coordonnées $A(2; 3)$, $B(4; -1)$ et $C(-2; 0)$.

1. Déterminer une équation de la droite $\mathcal{D}_1 = (AB)$.
2. Déterminer une équation de la droite \mathcal{D}_2 passant par C et parallèle à \mathcal{D}_1 .

EXERCICE 2.3 (5 points – Environ 15 min).

Le plan est muni d'un repère dans lequel les droites Δ_1 , Δ_2 et Δ_3 admettent les équations cartésiennes suivantes :

- $\Delta_1 : y = -\frac{2}{3}x + 4$
- $\Delta_2 : 2x + 3y + 4 = 0$
- $\Delta_3 : -2x + y + 4 = 0$

1. Montrer que $\Delta_1 \parallel \Delta_2$.
2. (a) Montrer que Δ_2 et Δ_3 sont sécantes.
(b) Déterminer les coordonnées de leur point d'intersection en détaillant sa façon de les obtenir.

EXERCICE 2.4 (Bonus \Leftrightarrow hors barème).

Soit $ax^2 + bx + c$ un trinôme (donc avec $a \neq 0$) possédant deux racines distinctes x_1 et x_2 . Montrer que le sommet de la parabole d'équation $y = ax^2 + bx + c$ a pour abscisse $\frac{x_1 + x_2}{2}$.